

Paradigmen

3. funktionales Programmieren

Inhalt

Geschichte
Ausgangspunkt
pattern matching 307
Werte und Typen 308
Listen 309
Currying 311
Funktionale (Kombinatoren) 312
effiziente Listenverkettung 313
verzögerte Auswertung (lazy evaluation) 315

© 20. Januar 2003, 18:10, Berthold Hoffmann, TZI, Universität Bremen

Geschichte

Anfang: Lisp (1957, rekursive Funktionen und Listen, Interpretation)
Abweg: APL (Matrizen und Kryptologie)
Wiederbelebung: ML (höhere Funktionen, polymorphe Typen, Moduln)
Entfaltung: FP, Clean, Hope, Miranda (*pattern matching*, *lazy evaluation*)
Konsolidierung: Haskell (Typklassen, Konstruktorklassen, Monaden)

Literatur

Alonzo Church: *Lambda-Kalkül*. 193X
Peter Landin: *The next 700 Programming Languages*. 1966
John Backus: *Can Programming be Liberated from the von-Neumann Style?* 1978

307

Funktionen ohne Zustandsvariablen

Fakultät rekursiv (ML)

```
fun fac (n) = if n > 0 then n * fac (n - 1) else 1
```

Auswertung durch Einsetzen der Definition

```
fac (12)
= let n1 = 12 in if n1>0 then n1*fac (n1-1) else 1
= 12*fac (11)
= 12* let n2 = 11 in if n2>0 then n2 * fac (n2-1) else 1
= 12*11* fac (10)
= let n3 = 10 in if n3>0 then n3 * fac (n3-1) else 1
= 12*11*10* fac (9)
...
= 12*11*10*9*8*7*6*5*4*3*2*1
```

309

Algebraische Typen und *pattern matching*

algebraische Typen

```
data tree ::= Empty
          | Node tree int tree
```

Funktionsdefinition mit *pattern matching* (Haskell)

```
insert :: int->tree->tree
insert new Empty = Node Empty new Empty
insert new (Node left old right)
  = Node (insert new left) old right, if new <= old
  = Node left old (insert new right), otherwise
```

311

Modellieren von Zuständen 316
Ausnahmen (in Haskell) 317
Monaden 319
Zustände 320
Haskell 323
• Typen 324
• Funktionen und Operationen 325
• verzögerte Auswertung 326
• Mustervergleich pattern matching 327
• Schachtelung und Layout 329
• Typklassen und Überladen 330
• Klassenhierarchie der vordefinierten Typen 331
• Moduln 332
• Ein-Ausgabe 334
• Felder 335
• Transformationen und Beweise 337
• Effizienz und Nebenläufigkeit 339

306

Ausgangspunkt

state variables considered harmful!
verifiable programming

Kernstücke

- *Variablen* sind mathematisch, d.h. nicht überschreibbar
- *Datentypen* sind rekursiv und algebraisch (Listen, Bäume)
- *Funktionen* sind erstklassig (Argument, Resultat, Curry, Kombinator)

Nützliche Ergänzungen

- *referential transparency* (das Reinheitsgebot)
- *polymorphe Typisierung* für sichere und mächtige Funktionen
- *pattern matching* für einfache Fallunterscheidung
- *lazy evaluation* für "unendliche" Datenstrukturen (Zyklen)

308

Funktionen mit Zustandsvariablen

```
function factorial (in n: Integer) : Integer;
  f : Integer := 1;
begin
  while n > 0
  loop
    f := f * n;
    n := n - 1
  end loop;
  return f;
end factorial;
```

Vergleich: imperativ / funktional

Schleife / Rekursion
2 Zustandsvariablen / 12 Konstanten

310

Notiz: pattern

patterns sind Ausdrücke über *Konstruktoren*, z. B. `circle r`
die Gleichung ist nur anwendbar, wenn ihr Argument auf das *pattern paßt*
die Gleichungen werden (z. B.) von oben nach unten geprüft
für nicht vorkommende Argumente ist die Funktion *undefiniert* (Fehler)
die Variablen des *pattern* (wie `r`) werden beim *matchen*
an Komponenten des Arguments *gebunden*
und werden auf der rechten Seite *benutzt*

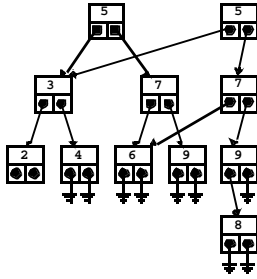
Vorteile von *pattern matching*

jede Gleichung ist eine wahre Aussage über die Funktion
Selektorfunktionen und Variantentest werden nicht (immer) benötigt:

312

Notiz: Speicherbedarf

können nicht *selektiv überschrieben* werden
wegen der referenziellen Transparenz
kann Kopieren durch *Zeiger-Kopieren* realisiert werden (*sharing*)



313

Notiz: insert imperativ

```
type Tree is access to record
  entry: Integer;
  left, right: Tree;
end record;

procedure insert (in i: Integer; inout t:Tree) is
  var s, b: Tree;
begin s := t; b := null;
while s <> null andthen s.val <> i
loop if i < s.val then s := s.left; s.left := b; b := s;
else s := s.right; s.right := b; b := s;
end loop;
if s = null then s := Tree(i, null, null)
end if;
end insert;
```

314

Listen

DIE zusammengesetzte Datenstruktur funktionaler Sprachen...

`list ? ::= Nil | Cons ? (list ?)`

syntaktischer Zucker

`[?] = list ?`
`[] = Nil`
`:` = Cons
`[a,b,c] = a:b:c:[]`

vordefinierte Operationen

<code>hd :: [?] -> ?</code>	Selektorfunktionen
<code>tl :: [?] -> [?]</code>	(partiell)
<code>length :: [?] -> Integral</code>	Länge einer Liste
<code>++ :: [?] -> [?] -> [?]</code>	Listenverkettung

315

Kombinatoren

Zahlenlisten

```
through :: (int,int)->[int]
through (m,n) = [], if m > n
               = m: (through (m+1,n)), otherwise

product :: [int]->int
product [] = 1
product (h:t) = h * (product t)
```

Programmieren mit Kombinatoren

```
fac :: int -> int
fac (n) = product (through (1,n))
```

316

Currying

Motto

Lieber *einstellige Funktionale* (die Funktionen liefern)
statt *mehrstelliger Funktionen*

$F: X \times Y \times Z \rightarrow Z$ $F: X \rightarrow (Y \rightarrow Z)$
 $F(x,y) = (F(x))(y)$ (vom Typ Z , und $F(x) :: Y \rightarrow Z$)

Beispiel (map)

```
map' :: ((a->b), [a]) -> [b]
map' (f, []) = []
map' (f, h:t) = f(h) : map' (f, t)
```

```
map :: (a->b) -> [a] -> [b]
map f [] = []
map f (h:t) = f h : (map f t)
```

317

Notiz: partielle Parametrisierung ist nützlich

```
evens :: [Integral] -> [Integral]
evens = filter (\x -> x mod 2 = 0)
```

318

weitere Listenkombinatoren

homomorphe Erweiterungen
`foldl :: (?->? -> ?) -> ? -> [?] -> ?`
`foldl op one [] = one`
`foldl op one (h:t) = op h (reduce op one t)`

`sum, product :: [Integral] -> Integral`
`sum = foldl (+) 0`
`product = foldl (*) 1`

319

Verkettung und Umkehrung von Listen

```
++ :: [?] -> [?] -> [?]
[] ++ l = l
(h:t) ++ l = h:(t++l)
reverse :: [?] -> [?]
reverse [] = []
reverse (h:t) = (reverse t) ++ [h]

implode :: [?] -> [?]
implode = reduce ((++), [])
```

320

effiziente Listenverkettung

Listen sind Funktionen rest -> Liste ++ rest

```
type funlist ? = [?] -> [??]
listig :: [?] -> funlist ?
listig l = \t -> l ++ t
```

```
cat :: (funlist ?) -> (funlist ?) -> (funlist ?)
cat l l' = l . l'
```

```
rev :: [a] -> [a] -> [a]
rev [] = id
rev (h:t) = (rev t) . (\l -> h:l)
```

321

Notiz: Beispiel für Auswertung

```
cat(listig [1,2]) (listig [3,4]) []
= (listig [1,2]) . (listig [3,4]) []
= (\x -> [1, 2] ++ x) . (\y -> [3, 4] ++ y) []
= (\z -> (\x -> [1, 2] ++ x) (\y -> [3, 4] ++ y) z) []
= (\x -> [1, 2] ++ x) (\y -> [3, 4] ++ y) []
= (\x -> [1, 2] ++ x) ([3, 4] ++ [])
= [1,2] ++ [3,4] ++ []
```

```
listig [1,2]    listig [3,4]    cat [1,2] [3,4]
1 2 3 4       3 4 1 2         1 2 3 4
```

322

Notiz: Beispiel für Auswertung

```
rev [1,2,3] []
= (rev [2,3]) . (\x -> 1:x) []
= (rev [3]) . (\y -> 2:y) . (\x -> 1:x) []
= (rev []) . (\z -> 3:z) . (\y => 2:y) . (\x => 1:x) []
= id . (\z => 3:z) . (\y => 2:y) . (\x => 1:x) []
= id ((\z => 3:z) ((\y => 2:y) ((\x => 1:x) [])))
= id ((\z => 3:z) ((\y => 2:y) (1:[])))
= id ((\z => 3:z) (2:1:[]))
= id (3:2:1:[])
= 3:2:1:[]
= [3,2,1]
```

323

verzögerte Auswertung (lazy evaluation)

from n = n : from (n+1)

```
firstprime (h:t) = h, if prime h
                = firstprime t, otherwise
```

firstprime (from 1000)

Erinnerung

Bei *lazy evaluation*

werden Parameter *unausgewertet* an Funktionen übergeben,
und in ihrem Rumpf nur *bei Bedarf* ausgewertet (aber dann nur *einmal*)

Konsequenzen

nicht benötigte Parameter "kosten nichts"
man kann unendliche rekursive Werte "denotieren"

324

Listenumschreibungen

mengentheoretische Schreibweise für Listen

z. B. die geraden Zahlen von 1 bis 1000

```
{ n | n <- 1..1000; n mod 2 = 0 }
```

hierbei ist

- $n <- 1..1000$ ein *Generator* (entsprechend *through*)
- $n \bmod 2 = 0$ ein *Prädikat* oder *Filter*

Vergleiche die Ähnlichkeit zur Mengenschreibweise

```
{ n | n ∈ {1..1000}, n mod 2 = 0 }
```

jedoch Vorsicht!

- Listen können Wiederholungen enthalten
- die Reihenfolge der Elemente ist relevant

325

Beispiel Quicksort

```
sort :: [?] -> [?]
sort [] = []
sort (h:t) = sort [ i | i <- t; i < h ]
            ++ [h]
            ++ sort [ i | i <- t; i >= h ]
```

Zwischenergebnisse können automatisch weg-transformiert werden

Nebenläufigkeit

harmoniert gut mit funktionalen Programmen
führt nicht zu Nichtdeterminismus,
sondern (hoffentlich) zu mehr Effizienz

Parallelisierung bei Listen wird durch *pattern matching* eher behindert
(besser wäre reine Bearbeitung mit Kombinatoren)

326

Praktikum: einige funktionale Sprachen

eine konzeptionelle Übersicht

Konzepte	Lisp	ML	Miranda	Haskell
Zuweisung	+	o	-	-
Funktionen erstklassig	o	+	+	+
algebraische Typen	-	+	+	+
Typisierung	-	+	+	+
Polymorphie, Inferenz	-	+	+	+
Klassen, Überladen	-	o	-	+
pattern matching	-	+	+	+
lazy evaluation	-	-	+	+
Moduln	-	+	+	+

327