Universität Bremen – Fachbereich 3
Mathematik & Informatik

Prof. Dr. Rolf Drechsler, drechsler@informatik.uni-bremen.de, MZH 3510
Dr. Nicole Drechsler nd@informatik.uni-bremen.de, MZH 3550

9. Übungsblatt zur Vorlesung

Technische Informatik 1

Aufgabe 1 (3 Punkte)

Konstruiere zu der Funktion $f \in \mathcal{B}_{5,1}$ mit

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 \cdot x_2 + \overline{x_3} \cdot (x_4 + x_5)$$

das reduzierte OBDD mit Variablenordnung $x_1 < x_2 < x_3 < x_4 < x_5$.
Erstelle dazu zuerst den vollständigen Entscheidungsbaum durch iterierte Anwendung der Shannon-Entwicklung und führe dann alle Reduktionsschritte elementar durch.

Aufgabe 2 (5 Punkte)

Die Boolesche Funktion $f \in \mathcal{B}_{4,1}$ sei gegeben durch die Menge ihrer Primimplikanten $Prim(f)$ mit:

$$Prim(f) = \{x_1\overline{x}_2x_3, x_1\overline{x}_2x_4, \overline{x}_2\overline{x}_3x_4, x_3\overline{x}_4, \overline{x}_1\overline{x}_2\overline{x}_4, \overline{x}_1\overline{x}_2\overline{x}_3\}.$$

a) Stelle die Primimplikantentafel für f auf.
b) Bestimme *alle* Minimalpolynome von f mit Hilfe der Methode von Petrick.

Aufgabe 3 (4 Punkte)

In Abbildung 1 ist ein KFDD *vor* und eines *nach* diversen Reduktionsschritten dargestellt.

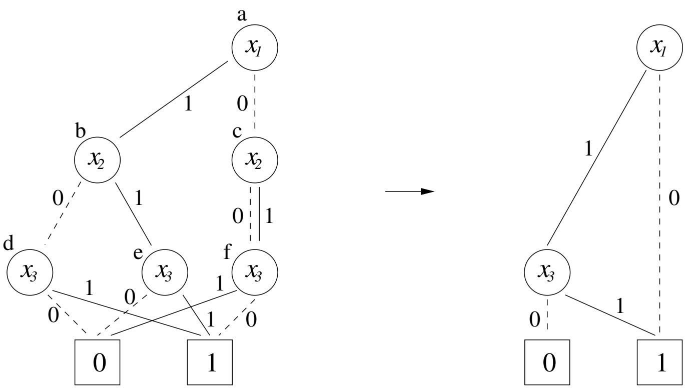

Abbildung 1: Nicht-reduziertes und reduziertes KFDD.

a) Gib alle durchgeführten Reduktionsschritte mit Knoten und Typ an. Die Knoten des linken KFDDs wurden zu diesem Zweck mit den Bezeichnungen a–f versehen.
b) Wieviele Möglichkeiten für Dekompositionstypenlisten gibt es theoretisch bei KFDDs mit 3 Variablen? Welche kommen für das KFDD in der Abbildung in Frage?

Aufgabe 4 (4 Punkte)

Berechne für die Funktion $f \in B_{4,1}$ mit

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = x_1 \oplus x_2 \oplus x_3 \oplus x_4$$

ein reduziertes KFDD mit folgender Variablenordnung π und Zerlegunstyp-Liste d:

a) $\pi : x_2 < x_1 < x_4 < x_3$ und $d = (pD_{@x_1}, pD_{@x_2}, pD_{@x_3}, pD_{@x_4})$.
b) $\pi : x_1 < x_2 < x_3 < x_4$ und $d = (S_{@x_1}, pD_{@x_2}, S_{@x_3}, nD_{@x_4})$.

Dabei bedeutet $D_{@y}$, dass für die Variable y die Zerlegung D benutzt werden soll. Dokumentiere deine Reduktionen.

Aufgabe 5 (4 Punkte)

Gegeben sei die Funktion $f \in B_{n,1}$ als vollständiger OBDD G (G ist also nicht reduziert). Im Folgenden wird ein Algorithmus beschrieben, der die Kardinalität der ON-Menge von f ($\#ON(f)$) auf G bestimmt.

Jedem Knoten v des Graphen sei eine Zahl $a_v \in \mathbf{Z}$ zugeordnet, die mit -1 initialisiert ist. Der initiale Aufruf des Algorithmus' ist $\#ON(f) := on\_set(Wurzel(G))$.

```
int on_set(Knoten v)
{
        Falls a_v ≠ −1
                return a_v
        Falls v ein Terminal 1 ist
                return 1
        Falls v ein Terminal 0 ist
                return 0
        Ansonsten
        a_v = on_set(low(v)) + on_set(high(v))
        return a_v
}
```

a) Verändere den Algorithmus so, dass er auch auf einem reduzierten OBDD das richtige Ergebnis liefert. Welche Komplexität hat dein Algorithmus?
b) Welche Komplexität hat der Algorithmus, wenn Du die Zahlen a_v nicht verwenden kannst?
c) Welche Schwierigkeiten treten auf, wenn Du das Verfahren auf reduzierte OKFDDs mit einer DTL $d = (pD, \ldots, pD)$ verallgemeinern willst?

Abgabetermin: zu Beginn der Vorlesung am 26.06.2008