

Formale Modellierung

Vorlesung 10 vom 24.06.14: Formale Modellierung mit UML und OCL

Serge Autexier & Christoph Lüth

Universität Bremen

Sommersemester 2014

Fahrplan

- ▶ Teil I: Formale Logik
- ▶ Teil II: Spezifikation und Verifikation
 - ▶ Formale Modellierung mit der UML und OCL
 - ▶ Lineare Temporale Logik
 - ▶ Temporale Logik und Modellprüfung
 - ▶ Hybride Systeme
 - ▶ Zusammenfassung, Rückblick, Ausblick

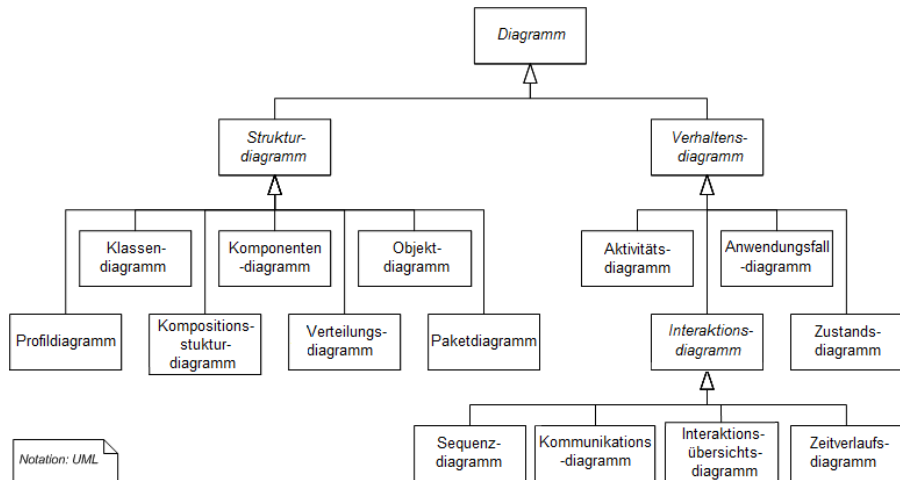
Unified Modeling Language (UML)

- ▶ Allgemeine Modellierungssprache
- ▶ Spezifikation problemorientiert
- ▶ Übersetzung in verschiedene Programmiersprachen möglich
- ▶ Nur bestimmte Aspekte sind formal

UML als **formale** Spezifikationsprache

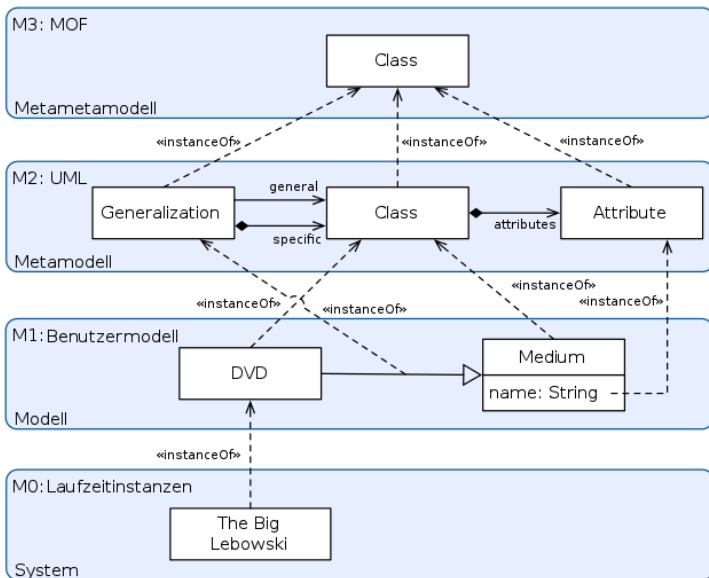
Diagrammtyp	Modellierte Aspekte	Formal
Klassendiagramm	Statische Systemstruktur	Ja
Paketdiagramm	Pakete, Namensräume	Nein
Objektdiagramm	Zustand von Objekten	(Ja)
Kompositionsstrukturdiagramm	Kollaborationen	Nein
Komponentendiagramm	Dynamische Systemstruktur	(Nein)
Verteilungsdiagramm	Implementierungsaspekte	Nein
Use-Case-Diagramm	Ablauf en gros	Nein
Aktivitätsdiagramm	Ablauf en detail	Nein
Zustandsdiagramm	Zustandsübergänge	Ja
Sequenzdiagramm	Kommunikation	Ja
Kommunikationsdiagramm	Struktur der Kommunikation	(Ja)
Zeitverlaufsdiagramm	Echtzeitaspekte	(Ja)

Diagramme in UML 2.3



Quelle: Wikipedia

Semantik der UML: Metamodellierung



Quelle: Wikipedia

OCL

- ▶ Object Constraint Language
- ▶ Mathematisch präzise Sprache für UML
- ▶ Entwickelt in den 90ern
- ▶ Formale Constraints an UML-Diagrammen
 - ▶ Datentypen gegeben durch UML

OCL Basics

- ▶ **Getypte** Sprache
- ▶ Dreiwertige Logik
- ▶ Ausdrücke immer im **Kontext**:
 - ▶ **Invarianten** an Klassen, Interfaces, Typen
 - ▶ **Vor/Nachbedingungen** an Operationen oder Methoden

OCL Syntax

- ▶ Invarianten:

```
context class  
  inv: expr
```

- ▶ Vor/Nachbedingungen:

```
context Type :: op(arg1 : Type) : ReturnType  
  pre: expr  
  post: expr
```

- ▶ `expr` ist ein OCL-Ausdruck vom Typ `Boolean`

Undefiniertheit in OCL

- ▶ Undefiniertheit **propagiert** (alle Operationen **strikt**)
→ OCL-Std. §7.5.11
- ▶ Ausnahmen:
 - ▶ Boolsche Operatoren (and, or **beidseitig** nicht-strikt)
 - ▶ Fallunterscheidung
 - ▶ Test auf Definiertheit: `oclIsUndefined` mit
$$\text{oclIsUndefined}(e) = \begin{cases} \text{true} & e = \perp \\ \text{false} & \text{otherwise} \end{cases}$$
- ▶ Resultierende Logik: **dreiwertig**

Dreiwertige Logik

- Wahrheitstabelle (starke Kleene-Logik, K_3):

	\neg
\perp	\perp
0	1
1	0

\wedge	\perp	0	1
\perp	\perp	0	\perp
0	0	0	0
1	\perp	0	1

\vee	\perp	0	1
\perp	\perp	\perp	1
0	\perp	0	1
1	1	1	1

\longrightarrow	\perp	0	1
\perp	\perp	\perp	1
0	1	1	1
1	\perp	0	1

\longleftrightarrow	\perp	0	1
\perp	\perp	\perp	\perp
0	\perp	1	0
1	\perp	0	1

- Fun Fact: K_3 hat keine Tautologien oder Widersprüche
 - Aussagen, die unter allen Belegungen zu 1 bzw. 0 auswerten
- Es gilt bspw. $\llbracket \neg A \vee B \rrbracket_v = \llbracket A \longrightarrow B \rrbracket_v$,
aber nicht $(\neg A \vee B) \longleftrightarrow (A \longrightarrow B)$

OCL Typen

- ▶ Basistypen:
 - ▶ Boolean, Integer, Real, String
 - ▶ OclAny, OclType, OclVoid
- ▶ Collection types: Set, OrderedSet, Bag, Sequences
- ▶ Modelltypen

Basistypen und Operationen

- ▶ Integer (\mathbb{Z}) → OCL-Std. §11.5.2
- ▶ Real (\mathbb{R}) → OCL-Std. §11.5.1
 - ▶ Integer Subklasse von Real
 - ▶ round, floor von Real nach Integer
- ▶ String (Zeichenketten) → OCL-Std. §11.5.3
 - ▶ substring, toReal, toInteger, characters etc.
- ▶ Boolean (Wahrheitswerte) → OCL-Std. §11.5.4
 - ▶ or, xor, and, implies
 - ▶ Sowie Relationen auf Real, Integer, String

Collection Types

- ▶ Set, OrderedSet, Bag, Sequence
- ▶ Operationen auf allen Kollektionen: → OCL-Std. §11.7.1
 - ▶ size, includes, count, isEmpty, flatten
 - ▶ Kollektionen werden immer flachgeklopft
- ▶ Set → OCL-Std. §11.7.2
 - ▶ union, intersection,
- ▶ Bag → OCL-Std. §11.7.3
 - ▶ union, intersection, count
- ▶ Sequence → OCL-Std. §11.7.4
 - ▶ first, last, reverse, prepend, append

Collection Types: Iteratoren

- ▶ Iteratoren: Funktionen höherer Ordnung

- ▶ Alle definiert über `iterate`

→ OCL-Std. §7.7.6:

```
coll-> iterate(elem: Type, acc: Type= expr | expr[elem, acc])
```

```
iterate(e: T, acc: T= v)
{
    acc= v;
    for (Enumeration e= c.elements(); e.hasMoreElements();) {
        e= e.nextElement();
        acc.add(expr[e, acc]); // acc= expr[e, acc]
    }
    return acc;
}
```

- ▶ Iteratoren sind alle **strikt**

Modelltypen

- ▶ Aus Attribute, Operationen, Assoziationen des Modells
- ▶ **Navigation** entlang der Assoziationen
- ▶ Für Kardinalität 1 Typ T, sonst Set (T)
- ▶ Benutzerdefinierte Operationen in Ausdrücken müssen zustandsfrei sein (Stereotyp <<query>>)

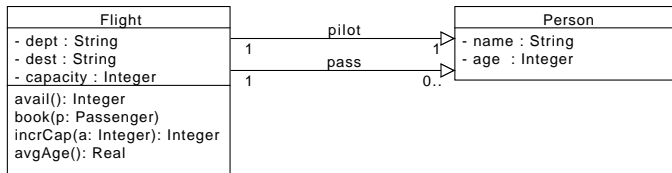
Beispiel

Ein Flugbuchungssystem

Jeder Flug hat ein Start, ein Ziel, eine Kapazität (Anzahl verfügbarer Sitze), einen Piloten sowie eine Menge von zugeordneten Passagieren; Piloten und Passagiere sind Personen.

Jede Person hat einen Namen und ein Alter.

OCL im Beispiel

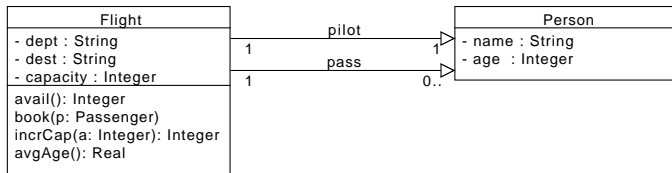


Start und Ziel sind immer unterschiedlich.

context Flight

inv: self.dept \diamond self.dest

OCL im Beispiel

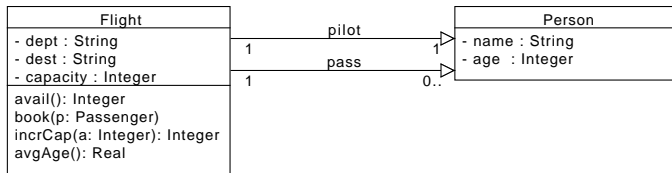


Der Pilot muss über 25 sein.

context Flight

inv: self.pilot.age \geq 25

OCL im Beispiel

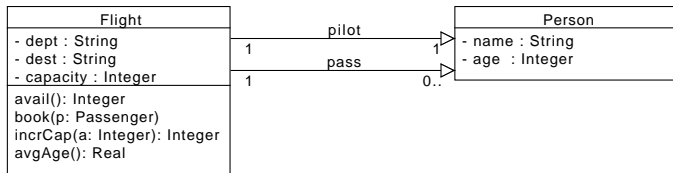


Es gibt nie mehr Passagiere als Kapazität.

context Flight

inv: `self.pass->size() <= self.capacity`

OCL im Beispiel

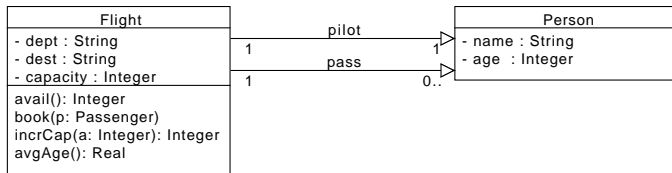


Jeder Flug hat mindestens einen Passagier über 18.

context Flight

inv: `self.pass->exists(p|p.age >= 18)`

OCL im Beispiel

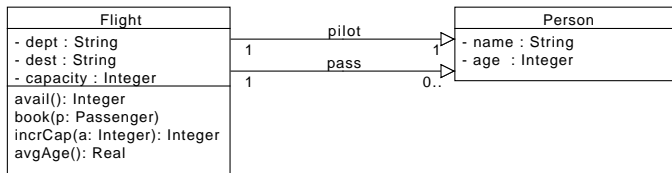


Der Pilot ist kein Passagier.

context Flight

inv: **not** (self . pass -> contains (self . pilot))

OCL im Beispiel

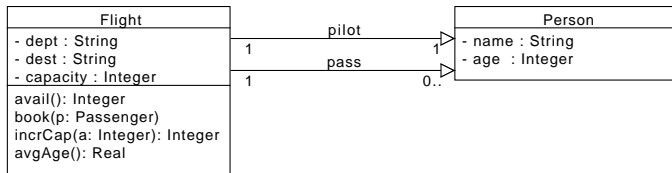


Jeder Passagier unter 18 wird von einem über 18 mit dem gleichen Namen (Elternteil, Geschwister) begleitet.

context Flight

inv: `self.pass->all(p | p.age < 18 implies
self.pass->exists(q | q.name = p.name
and q.age >= 18))`

OCL im Beispiel

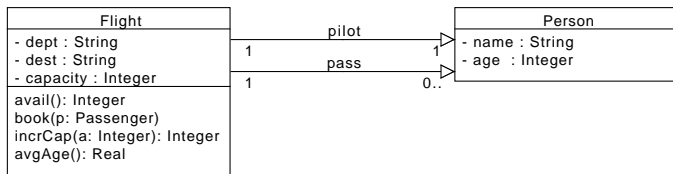


Die Operation `avail` gibt die Anzahl der noch freien Plätze zurück.

context `Flight::avail()` : **Integer**

post: `result = self.capacity - self.pass->size()`

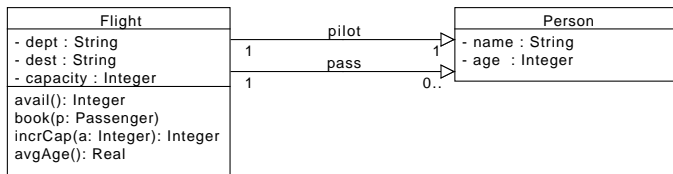
OCL im Beispiel



Wenn noch ein Platz frei ist, soll `book` den Passagier zu diesem Flug hinzufügen.

```
context    Flight :: book(p: Person)
pre :      self.capacity - self.pass->size() > 0
post :     self.pass->contains(p)
```

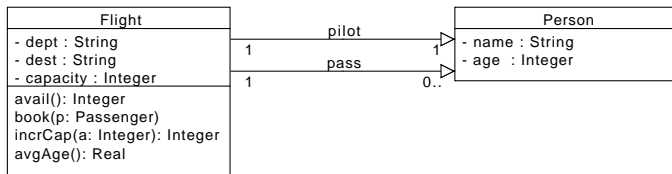
OCL im Beispiel



Die Operation `incrCap` erhöht die Kapazität des Fluges.

```
context Flight::incrCap(a: Integer) : Integer  
pre: self.capacity + a - self.pass->size() >= 0  
post: self.capacity = @pre(self.capacity) + a  
result = self.capacity
```

OCL im Beispiel



Die Operation `avgAge` soll das Durchschnittsalter der Fluggäste berechnen.

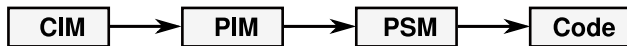
```
context Flight::avgAge() : Real
pre: self.pass->exists(p| True)
post: result =
    self.pass->iterate (p: Passenger; sum: Real= 0
                      | sum+ p.age)
    / self.pass->size()
```

Style Guide

- ▶ Komplexe Navigation vermeiden (“Loose coupling”)
- ▶ Adäquaten Kontext auswählen
- ▶ “Use of `allInstances` is discouraged”
- ▶ Invarianten aufspalten
- ▶ Hilfsoperationen definieren

MDA + OCL

- ▶ MDA: Model-driven architecture
- ▶ Entwicklung durch Modelltransformation



- ▶ Rolle der OCL:
 - ▶ Metasprache
 - ▶ Codegenerierung
 - ▶ Laufzeitchecks
- ▶ Beispiele für Werkzeuge: MDT/OCL
 - ▶ MDT/OCL: EMF mit OCL-Unterstützung

Zusammenfassung

- ▶ OCL erlaubt **Einschränkungen** auf Modellen
- ▶ Programmbegriff: abstrakter Zustandsübergang
 - ▶ Relation zwischen Vor- und Nachzustand
- ▶ Erlaubt **mathematisch** präzisere Modellierung
- ▶ Frage:
 - ▶ Werkzeugunterstützung?
 - ▶ Ziel: Beweise, Codegenerierung, ...?
- ▶ Kritik UML:
 - ▶ “OO built-in”
 - ▶ Adäquat für eingebettete Systeme, CPS, ...?