

7. Übungsblatt

Ausgabe: 6.06.16

Abgabe: 16.06.16

7.1 Verification Condition Generation Revisited

15 Punkte

In diesem Übungsblatt werden die wir Funktionen zur Berechnung der Verifikationsbedingungen des C-Analysewerkzeug `cat` aus Übung 5.1 erweitern, um mit Funktionen, Prozeduren, Strukturen, Feldern und Lokationen (*Lexp*) umgehen zu können.

Hierzu sind mehrere Schritte notwendig:

- (1) die korrekte Behandlung von Zuweisungen (*Lexp* auf der linken Seiten statt nur eine Variable, Ersetzung des ganzen Terms *l* statt der einzelnen Variablen);
- (2) die korrekte Behandlung von Funktionsdefinition mit `return` und Spezifikation mit `\result` und `\old`;
- (3) die korrekte Behandlung von Funktionsaufrufen.

Für Schritt (1) und (2) haben wir das Rahmenwerk erweitert, so dass eine Methode

```
class Term {  
  def replace(lhs: Term, rhs: Term) : Term
```

bereitsteht, die in dem Term die linke Seite `lhs` durch die rechte Seite `rhs` ersetzt. Die Methode ersetzt *nicht* unterhalb von `\old`.

Die Klasse `Env` wird so erweitert, dass die Nachbedingung der momentan analysierten Funktion im Environment gehalten werden kann, so dass bei `return` darauf zugegriffen werden kann.

Für Schritt (3) muss das Environment so erweitert werden, dass man einem Funktionsbezeicher die Spezifikation (Vor- und Nachbedingung) zuordnen kann.

Folgende Dateien (in `src/test/examples`) können als Testdateien für Schritt (1) und (2) genutzt werden (die Ausgabe der Referenzimplementierung ist im Repository zu finden):

`test-vc-structs.c`, `test-vc-fun.c`, `test-vc.fun-with-arrays.c`, `test-vc-arrays.c`, `test-vc-fac.c`

7.2 Proving It

5 Punkte

Die meisten Beispiele aus dem vorherigen Aufgabenteil erzeugten triviale Beweisverpflichtungen, lediglich diejenigen für die Funktionen `zero` und `max` (aus `test-vc-fun-with-arrays.c`) sind nicht komplett trivial. Deshalb wollen wir diese jetzt in Isabelle beweisen.

1. Übersetzen Sie die Beweisverpflichtungen in eine Isabelle-Theorie mit neun Beweiszielen.

(2 Punkte)

2. Beweisen Sie folgendes Hilfslemma in Isabelle:

```
lemma step: "(!j. 0 <= j & j < (n::int)-1 --> P(j) ) & P(n-1)  
  --> (!j. 0 <= j & j < n --> P(j))"
```

(1 Punkte)

3. Beweisen Sie die Beweisverpflichtungen. Einige sind einfach, für andere werden Sie das Lemma `step` benötigen.

(2 Punkte)