

## 8. Übungsblatt

**Ausgabe:** 15.06.17

**Abgabe:** 22.06.17

### 8.1 Verifikation mit Strukturen und Pointern

10 Punkte

Gegeben sei folgende Datenstruktur für Vektoren: `struct Vektor { int x; int y; }`;

Vektoren haben eine Norm, die sich aus der Quadratwurzel der Summe der Quadrate der beiden Komponenten  $x$  und  $y$  ergibt.

1. Implementieren Sie folgende C Funktion

```
struct Vektor *LaengsterVektor(struct Vektor *a, struct Vektor *b),
```

die zwei Vektoren bzgl. ihrer Normen vergleicht und jenen zurückliefert, der die größere Norm hat.

*Hinweis:* Implementieren Sie die Funktion ohne die Quadratwurzel zu nutzen.

2. Spezifizieren Sie die Korrektheit der Funktion mit entsprechenden Vor- und Nachbedingungen.
3. Annotieren Sie den Programmteil der Funktion in der von der Vorlesung gewohnten Notation des Hoare-Kalküls zur Verifikation der Korrektheit.

### 8.2 Verifikation mit Arrays

10 Punkte

1. Implementieren Sie folgende C Funktion `void sort(int size, int x[])`,

die ein Feld gegebener Größe sortiert. Verwenden Sie hierfür ein einfaches Sortierverfahren, etwa "Sortieren durch Austauschen/Bubblesort".

2. Spezifizieren Sie die Korrektheit der Funktion mit entsprechenden Vor- und Nachbedingungen.
3. Annotieren Sie das Programm mit Invarianten und berechnen Sie die Verifikationsbedingungen. Dabei können Sie auf folgende Spezifikationen von mathematischen Funktionen zurückgreifen:

```
/** int count(int i, int size, int x[]) */  
/** assert \forall int i; \forall int x[]; count(i,0,x) = 0; */  
/** assert \forall int i; \forall int size; \forall int x[]; size > 0  $\rightarrow$  count(i,size,x) =  
    (count(i,size-1,x) + (x[size-1] == i)) */
```

```
/** int permutation(int size, int x[], int y[]); */  
/** assert \forall int size; int x[], int y[]; (size  $\geq$  0 && \forall int i; count(i,size,x) =  
    count(i,size,y))  $\rightarrow$  permutation(size,x,y) = 1 */  
/** assert \forall int size; int x[], int y[]; (size  $\geq$  0 && !(\forall int i; count(i,size,x)  
    = count(i,size,y)))  $\rightarrow$  permutation(size,x,y) = 0 */
```

```
/** int sorted(int size, int x[]) */  
/** assert \forall int x[]; sorted(0,x) = 1 && sorted(1,x) = 1 */  
/** assert \forall int size; int x[]; size > 1 && x[size-2]  $\leq$  x[size-1]  $\rightarrow$  sorted(size,x) =  
    sorted(size-1,x) */  
/** assert \forall int size; int x[]; size > 1 && !(x[size-2]  $\leq$  x[size-1])  $\rightarrow$  sorted(size,x) =  
    0 */
```