

# Praktische Informatik 3: Funktionale Programmierung

## Vorlesung 1 vom 16.10.2012: Einführung

Christoph Lüth

Universität Bremen

Wintersemester 2012/13

# Personal

## ▶ Vorlesung:

Christoph Lüth <cxl@informatik.uni-bremen.de>  
MZH 3110, Tel. 59830

## ▶ Tutoren:

Marcus Ermler	<@maermler@informatik.uni-bremen.de>
Christian Maeder	<Christian.Maeder@dfki.de>
Martin Ring	<maring@informatik.uni-bremen.de>
Diedrich Wolter	<dwolter@informatik.uni-bremen.de>

## ▶ Fragestunde:

Berthold Hoffmann <hof@informatik.uni-bremen.de>

## ▶ Webseite: [www.informatik.uni-bremen.de/~cxl/lehre/pi3.ws12](http://www.informatik.uni-bremen.de/~cxl/lehre/pi3.ws12)

# Termine

- ▶ **Vorlesung:** Di 14 – 16, MZH 1380/1400
- ▶ **Tutorien:**

Mi 16 – 18	OAS 3000	Marcus Ermler
Do 8 – 10	MZH 1110	Marcus Ermler
Do 10 – 12	MZH 7260	Christian Maeder
Do 10 – 12	MZH 1470	Diedrich Wolter
Do 12 – 14	MZH 1450	Martin Ring
Do 12 – 14	MZH 1460	Diedrich Wolter
- ▶ **Fragestunde** : Fr 9 – 11 Berthold Hoffmann (Cartesium 2.048)
- ▶ **Anmeldung** zu den Übungsgruppen über stud.ip

# Übungsbetrieb

- ▶ Ausgabe der Übungsblätter über die Webseite **Dienstag abend**
- ▶ Besprechung der Übungsblätter in den Tutorien
- ▶ **Bearbeitungszeit:** eine Woche
- ▶ **Abgabe:** elektronisch bis **Freitag** nächste Woche **12:00**
- ▶ **Elf** Übungsblätter (voraussichtlich) plus 0. Übungsblatt
- ▶ Übungsgruppen: max. **drei Teilnehmer** (nur in Ausnahmefällen vier)

# Scheinkriterien

- ▶ Von  $n$  Übungsblättern werden  $n - 1$  bewertet (geplant  $n = 11$ )
- ▶ **Insgesamt** mind. 50% aller Punkte
- ▶ **Notenspiegel** (in Prozent aller Punkte):

Pkt.%	Note	Pkt.%	Note	Pkt.%	Note	Pkt.%	Note
		89.5-85	1.7	74.5-70	2.7	59.5-55	3.7
$\geq 95$	1.0	84.5-80	2.0	69.5-65	3.0	54.5-50	4.0
94.5-90	1.3	79.5-75	2.3	64.5-60	3.3	49.5-0	n/b

- ▶ **Fachgespräch** (Individualität der Leistung) am Ende

# Spielregeln

- ▶ Quellen angeben bei
  - ▶ Gruppenübergreifender Zusammenarbeit;
  - ▶ Internetrecherche, Literatur, etc.
- ▶ Erster Täuschungsversuch: Null Punkte
- ▶ Zweiter Täuschungsversuch: Kein Schein.
- ▶ Deadline verpaßt?
  - ▶ Triftiger Grund (z.B. Krankheit mehrerer Gruppenmitglieder)
  - ▶ Vorher ankündigen, sonst null Punkte.

# Fahrplan

- ▶ Teil I: Funktionale Programmierung im Kleinen
  - ▶ Einführung
  - ▶ Funktionen und Datentypen
  - ▶ Rekursive Datentypen
  - ▶ Typvariablen und Polymorphie
  - ▶ Funktionen höherer Ordnung I
  - ▶ Funktionen höherer Ordnung II
  - ▶ Typinferenz
- ▶ Teil II: Funktionale Programmierung im Großen
- ▶ Teil III: Funktionale Programmierung im richtigen Leben

# Warum funktionale Programmierung lernen?

- ▶ Denken in Algorithmen, nicht in Programmiersprachen
- ▶ Abstraktion: Konzentration auf das Wesentliche
- ▶ Wesentliche Elemente moderner Programmierung:
  - ▶ Datenabstraktion und Funktionale Abstraktion
  - ▶ Modularisierung
  - ▶ Typisierung und Spezifikation
- ▶ Blick über den Tellerrand — Blick in die Zukunft
- ▶ Studium  $\neq$  Programmierkurs — was kommt in 10 Jahren?



# Warum Haskell?

- ▶ **Moderne** Sprache
- ▶ Standardisiert, mehrere **Implementationen**
  - ▶ **Interpreter**: `ghci`, `hugs`
  - ▶ **Compiler**: `ghc`, `nhc98`
- ▶ **Rein** funktional
  - ▶ **Essenz** der funktionalen Programmierung

# Geschichtliches

- ▶ **Grundlagen** 1920/30
  - ▶ Kombinatorlogik und  $\lambda$ -Kalkül (Schönfinkel, Curry, Church)
- ▶ Erste **Programmiersprachen** 1960
  - ▶ **LISP** (McCarthy), **ISWIM** (Landin)
- ▶ **Weitere** Programmiersprachen 1970– 80
  - ▶ **FP** (Backus); **ML** (Milner, Gordon); **Hope** (Burstall); **Miranda** (Turner)
- ▶ **Konsolidierung** 1990
  - ▶ CAML, **Formale Semantik** für Standard ML
  - ▶ **Haskell** als **Standardsprache**
- ▶ **Kommerzialisierung** 2010
  - ▶ **Scala**, **F#**, **Clojure**

# Programme als Funktionen

- ▶ Programme als Funktionen

$$P : \textit{Eingabe} \rightarrow \textit{Ausgabe}$$

- ▶ Keine veränderlichen Variablen — kein versteckter Zustand
- ▶ Rückgabewert hängt ausschließlich von Werten der Argumente ab, nicht vom Aufrufkontext (referentielle Transparenz)
- ▶ Alle Abhängigkeiten explizit

# Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- ▶ **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n * fac(n-1)
```

- ▶ Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

fac 2

# Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n * fac(n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

`fac 2`  $\rightsquigarrow$  `if 2 == 0 then 1 else 2 * fac (2-1)`

# Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n * fac (n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

```
fac 2  ~> if 2 == 0 then 1 else 2 * fac (2-1)  
        ~> 2 * fac (2- 1)
```

# Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n* fac(n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

```
fac 2  ~> if 2 == 0 then 1 else 2* fac (2-1)  
        ~> 2* fac (2- 1)  
        ~> 2* fac 1
```

## Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n* fac(n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

```
fac 2  ~> if 2 == 0 then 1 else 2* fac (2-1)  
        ~> 2* fac (2- 1)  
        ~> 2* fac 1  
        ~> 2* (if 1== 0 then 1 else 1* fac (1- 1))
```



# Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n* fac(n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

```
fac 2  ~> if 2 == 0 then 1 else 2* fac (2-1)  
        ~> 2* fac (2- 1)  
        ~> 2* fac 1  
        ~> 2* (if 1== 0 then 1 else 1* fac (1- 1))  
        ~> 2* 1* fac (1- 1)
```

## Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n* fac(n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

```
fac 2  ~> if 2 == 0 then 1 else 2* fac (2-1)  
        ~> 2* fac (2- 1)  
        ~> 2* fac 1  
        ~> 2* (if 1== 0 then 1 else 1* fac (1- 1))  
        ~> 2* 1* fac (1- 1)  
        ~> 2* 1* fac 0
```

# Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n* fac(n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

```
fac 2  ~> if 2 == 0 then 1 else 2* fac (2-1)  
        ~> 2* fac (2- 1)  
        ~> 2* fac 1  
        ~> 2* (if 1== 0 then 1 else 1* fac (1- 1))  
        ~> 2* 1* fac (1- 1)  
        ~> 2* 1* fac 0  
        ~> 2* 1* (if 0== 0 then 1 else 0* fac (0- 1))
```

# Beispiel: Programmieren mit Funktionen

- **Programme** werden durch **Gleichungen** definiert:

```
fac n = if n == 0 then 1  
        else n* fac(n-1)
```

- Auswertung durch **Reduktion** von **Ausdrücken**:

```
fac 2  ~> if 2 == 0 then 1 else 2* fac (2-1)  
        ~> 2* fac (2- 1)  
        ~> 2* fac 1  
        ~> 2* (if 1== 0 then 1 else 1* fac (1- 1))  
        ~> 2* 1* fac (1- 1)  
        ~> 2* 1* fac 0  
        ~> 2* 1* (if 0== 0 then 1 else 0* fac (0- 1))  
        ~> 2* 1* 1 ~> 2
```

## Beispiel: Nichtnumerische Werte

- ▶ Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- ▶ Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "
```

## Beispiel: Nichtnumerische Werte

- Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "  
↪ if 2 == 0 then "" else "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "
```

## Beispiel: Nichtnumerische Werte

- Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "
```

```
↪ if 2 == 0 then "" else "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "
```

```
↪ "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "
```

## Beispiel: Nichtnumerische Werte

- Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "  
  ~> if 2 == 0 then "" else "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ if 2-1 == 0 then ""  
                else "hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo "
```



## Beispiel: Nichtnumerische Werte

- Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "  
  ~> if 2 == 0 then "" else "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ if 2-1 == 0 then ""  
                else "hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo ")
```

# Beispiel: Nichtnumerische Werte

- Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "  
  ~> if 2 == 0 then "" else "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ if 2-1 == 0 then ""  
                else "hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo ")  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ if ((2-1)-1) == 0 then ""  
                             else repeat (((2-1)-1)-1) "hallo ")
```

# Beispiel: Nichtnumerische Werte

- Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "  
  ~> if 2 == 0 then "" else "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ if 2-1 == 0 then ""  
                else "hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo ")  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ if ((2-1)-1) == 0 then ""  
                             else repeat (((2-1)-1)-1) "hallo ")  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ "")
```

## Beispiel: Nichtnumerische Werte

- Rechnen mit Zeichenketten

```
repeat n s = if n == 0 then ""  
             else s ++ repeat (n-1) s
```

- Auswertung:

```
repeat 2 "hallo "  
  ~> if 2 == 0 then "" else "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ repeat (2-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ if 2-1 == 0 then ""  
                else "hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo "  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ repeat ((2-1)-1) "hallo ")  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ if ((2-1)-1) == 0 then ""  
                              else repeat (((2-1)-1)-1) "hallo ")  
  ~> "hallo " ++ ("hallo " ++ "")  
  ~> "hallo hallo "
```

# Auswertung als Ausführungsbegriff

- ▶ Programme werden durch Gleichungen definiert:

$$f(x) = E$$

- ▶ Auswertung durch Anwenden der Gleichungen:

- ▶ Suchen nach Vorkommen von  $f$ , e.g.  $f(t)$

- ▶  $f(t)$  wird durch  $E \begin{bmatrix} t \\ x \end{bmatrix}$  ersetzt

- ▶ Auswertung kann divergieren!

# Ausdrücke und Werte

- ▶ Nichtreduzierbare Ausdrücke sind **Werte**
- ▶ Vorgegebene **Basiswerte**: Zahlen, Zeichen
  - ▶ Durch **Implementation** gegeben
- ▶ Definierte **Datentypen**: Wahrheitswerte, Listen, ...
  - ▶ **Modellierung** von Daten

# Bedeutung (Semantik) von Programmen

## ► Operationale Semantik:

- Durch den **Ausführungsbegriff**
- Ein Programm ist, was es tut

## ► Denotationelle Semantik:

- Programme werden auf **mathematische Objekte** abgebildet (Denotat)
- Für funktionale Programme: **rekursiv** definierte Funktionen

## Äquivalenz von operationaler und denotationaler Semantik

Sei  $P$  ein funktionales Programm,  $\rightsquigarrow_P$  die dadurch definierte Reduktion, und  $\llbracket P \rrbracket$  das Denotat. Dann gilt für alle Ausdrücke  $t$  und Werte  $v$

$$t \rightsquigarrow_P v \iff \llbracket P \rrbracket(t) = v$$

# Typisierung

- ▶ **Typen** unterscheiden Arten von Ausdrücken und Werten:

repeat	n	s	=	...	n	Zahl
		s			s	Zeichenkette

- ▶ Verschiedene Typen:
  - ▶ **Basistypen** (Zahlen, Zeichen)
  - ▶ **strukturierte Typen** (Listen, Tupel, etc)



# Typisierung

- ▶ **Typen** unterscheiden Arten von Ausdrücken und Werten:

repeat	n	s	=	...	n	Zahl
		s			s	Zeichenkette

- ▶ Verschiedene Typen:

- ▶ **Basistypen** (Zahlen, Zeichen)
- ▶ **strukturierte Typen** (Listen, Tupel, etc)

- ▶ **Wozu** Typen?

- ▶ Typüberprüfung während **Übersetzung** erspart **Laufzeitfehler**
- ▶ **Programmsicherheit**

# Signaturen

- ▶ Jede Funktion hat eine **Signatur**

```
fac      :: Int → Int
```

```
repeat  :: Int → String → String
```

- ▶ **Typüberprüfung**
  - ▶ fac nur auf Int anwendbar, Resultat ist Int
  - ▶ repeat nur auf Int und String anwendbar, Resultat ist String

# Übersicht: Typen in Haskell

Typ	Bezeichner	Beispiel		
Ganze Zahlen	Int	0	94	-45
Fließkomma	Double	3.0	3.141592	
Zeichen	Char	'a' 'x'	'\034'	'\n'
Zeichenketten	String	"yuck"	"hi\nho\"\n"	
Wahrheitswerte	Bool	True	False	
Funktionen	a -> b			

- Später **mehr**. **Viel** mehr.

# Imperativ vs. Funktional

- ▶ **Imperative** Programmierung:

- ▶ Zustandsübergang  $\Sigma \rightarrow \Sigma$ , Lesen/Schreiben von Variablen:

- ▶ Kontrollstrukturen: Fallunterscheidung    `if ... then ... else`  
Iteration                                    `while ...`

- ▶ **Funktionale** Programmierung:

- ▶ Funktionen  $f : E \rightarrow A$

- ▶ Kontrollstrukturen: Fallunterscheidung  
Rekursion

# Zusammenfassung

- ▶ **Programme** sind **Funktionen**, definiert durch **Gleichungen**
  - ▶ Referentielle Transparenz
  - ▶ kein **impliziter Zustand**, keine **veränderlichen Variablen**
- ▶ **Ausführung** durch **Reduktion** von Ausdrücken
- ▶ Typisierung:
  - ▶ **Basistypen**: Zahlen, Zeichen(ketten), Wahrheitswerte
  - ▶ **Strukturierte Typen**: Listen, Tupel
  - ▶ Jede Funktion  $f$  hat eine Signatur  $f :: a \rightarrow b$