

# Theoretische Informatik 1

## Blatt 4

Abgabe: bis **09.11.2015 um 14 Uhr**

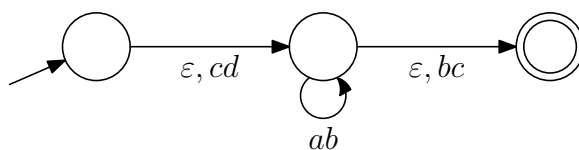
Besprechung: KW 46

1. (25 Punkte) Zeige durch Anwendung des Pumping-Lemmas, dass

$$\{w \cdot w^R \mid w \in \{a, b\}^*\}$$

nicht erkennbar ist. Dabei ist  $w^R$  definiert wie auf Blatt 3 in Aufgabe 4.

2. (25 Punkte) Konstruieren Sie zu folgendem NEA mit Wortübergängen einen äquivalenten NEA. Konstruieren Sie dafür zunächst einen äquivalenten  $\varepsilon$ -NEA, und wandeln Sie diesen dann in einen äquivalenten NEA um. Benutzen Sie für beide Schritte die Konstruktionen aus der Vorlesung (Lemmas 1.16, 1.18).



3. Beweise oder widerlege die folgenden Aussagen. Dabei dürfen Resultate aus der Vorlesung verwendet werden.

- Wenn  $L$  erkennbar ist und  $L' \supseteq L$ , dann ist auch  $L'$  erkennbar.
- $L$  ist erkennbar genau dann, wenn  $L^*$  erkennbar ist.
- Wenn  $L_1 \cdot L_2$  erkennbar ist, dann sind  $L_1$  und  $L_2$  erkennbar.
- Wenn  $L_1 \cap L_2$  erkennbar ist, dann sind auch  $L_1$  und  $L_2$  erkennbar.

4. Zeige mit Hilfe der Abschlusseigenschaften erkennbarer Sprachen, dass

$$L_k = \{a^n b^n \mid n \geq k\}$$

für jedes  $k \geq 0$  nicht erkennbar ist.

*Hinweis.* Zeige zunächst, dass jede endliche Sprache erkennbar ist.

5. Beweise die Korrektheit der Konstruktion des Produktautomaten. Zeige also, dass die folgende Behauptung gilt:

Seien  $L_1, L_2 \subseteq \Sigma^*$  zwei erkennbare Sprachen und werde  $L_i$  vom NEA  $\mathcal{A}_i = (Q_i, \Sigma, q_{0i}, \Delta_i, F_i)$  erkannt ( $i = 1, 2$ ). Dann erkennt der Produktautomat  $\mathcal{A} = (Q_1 \times Q_2, \Sigma, (q_{01}, q_{02}), \Delta, F_1 \times F_2)$ , mit  $\Delta$  wie in der Vorlesung definiert, die Sprache  $L_1 \cap L_2$ .